

Úloha 1 (2b). Ukažte, že každou matici hodnosti 1 lze zapsat jako  $\mathbf{a}\mathbf{b}^T$ , kde  $\mathbf{a}, \mathbf{b}$  jsou nějaké aritmetické vektory.

Úloha 2 (2b). Rozhodněte, zda je podmnožina  $M \subset \mathbb{R}^{m \times n}$  všech matic, které jsou v odstupňovaném tvaru, podprostorem vektorového prostoru  $\mathbb{R}^{m \times n}$ . Zdůvodněte.

Úloha 3 (2b). Nechť  $f : V \rightarrow W$  je izomorfismus a  $(v_1, \dots, v_k)$  lineárně nezávislá posloupnost ve  $V$ . Co musí splňovat posloupnost  $(f(v_1), \dots, f(v_k))$ ? Dokažte.

Úloha 4 (4b). Formulujte a dokažte větu o determinantu součinu dvou matic.